| 11 | 次の各図で、平行四辺形ABCDの面積と、 | 三角形AQDと三角形BPCの重なっている部分の面積を | もっとも簡単な整数の比で表しなさい。

(1) AP: PD=1:1、BQ: QC=1:1 B Q C (2) AP: PD=2:1、BQ: QC=1:3

- | 12 | ある駅からA町行きバスは3分ごとに、B町行きバスは6分ごとに、C町行きのバスは8分ごとに発車します。午前10時に3台のバスが同時に出発したとき、次の問いに答えなさい。
 - (1) 次に3台のバスが同時に出発する時刻は何時何分ですか。

(2) 12時30分までに3台のバスは何回同時に出発しますか。

(解答と解説)

(1) A Q と B P が交わる点を E 、 P C と D Q が交わる点をFとします。

すると、

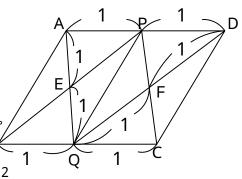
A E : E Q = 1 : 1 DF : FQ = 1 : 1

また、図にPQを結ぶ補助線を引きます。

求めるのは PEQFなので、 ABCDの面積を1とすると

 $PQF = 1 \times \frac{1}{2} \times \frac{1}{2} \times \frac{1}{2} \times 2$

1: $\frac{1}{4}$ = 4: 1



答え 4:1

(2)(1)と同じように解きます。 AD=BC=12 とすると、 AP:BQ=AE:EQ=8:3 PD:QC=DF:FQ=4:9 ABCDの面積を1とすると、

 $P E Q = 1 \times \frac{1}{2} \times \frac{2}{3} \times \frac{3}{11} = \frac{1}{11}$

 $P F Q = 1 \times \frac{1}{2} \times \frac{1}{3} \times \frac{9}{13} = \frac{3}{26}$

よって、 $P \stackrel{-}{E} \stackrel{-}{Q} F = \frac{1}{11} + \frac{3}{26} = \frac{59}{286}$

1: $\frac{59}{286}$ = 286: 59

8 答え 286:59

12 (解答と解説)

(1)3と6と8の最小公倍数を求めればいいので

$$3 \times 2 \times 1 \times 1 \times 4 = 24$$

10時24分

(2)24分おきに3台のバスが同時に出発するので、

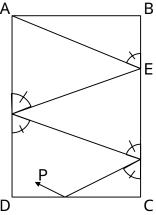
10:00、10:24、10:48、11:12、11:36、12:00、12:24

上のように、12時30分までには計7回同時に出発することになります。

答え 7回

6年練成問題

- | 13 | 図のように長方形ABCDの頂点Aを出発した 点Pが辺BCの上の点Eで初めてはね返り、 その後、長方形の辺にぶつかったときにはね返り 続けて長方形の頂点にぶつかったときに止まります。 辺ABの長さを18cm、辺ADの長さを30cmとして 次の問いに答えなさい。
 - (1)BEの長さが8cmのとき、点Pはどの 頂点で止まりますか。



(2)点 P が辺 A B で3回はね返り、点 D で止まりました。 このとき B E の長さで考えられるもののうち、整数で1番大きいものは いくつになりますか。

| 14 | A 地点から B 地点まで通路があり、通路のわきには同じ長さの動く歩道が設置 されています。

ある日、太郎君と次郎君はA地点を同時に出発し、太郎君はB地点まで動く歩道を歩きました。次郎君はA地点から400mの距離にあるP地点までは通路で歩き、その後、B地点まで動く歩道の上を歩きました。

このとき、太郎君がP地点を通過してから1分後に次郎君がP地点を通過し、二人は同時にB地点に到着しました。

いつでも、太郎君は毎分60m、次郎君は毎分80mで歩きます。

(1)動く歩道は毎分何mの速さで動いていますか。

(2) A地点から B地点までの距離は何mありますか。

|13|(解答と解説)

(1)たての動きを考えると、点Pが止まる所は点Pが30と8の最小公倍数分動いた所になるので、点Pはたてに120cm動いたことになります。よって、たてに2往復したことになるので、AかBが考えられます。また、120÷8=15 つまり、点PはAB間を7往復と片道行ったことになるので、BかCが考えられます。よって、あてはまるのはB。

答え B

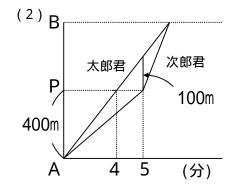
(2)たての動きだけを考えると、点 P は A D 間を 3 往復と片道行ったことになるので、 $30 \times 7 = 210$ cm動いたことになります。(1)と同様に考えると、30と B E の長さの最小公倍数が210になります。また、 B E は30cm以下でなければならないので、 B E で考えられるのは 7 か14か21。よって、 B E = 21cm

答え 21cm

|14|(解答と解説)

(1)次郎君がP地点を通過するまでに400÷80=5分かかります。 つまり、太郎君がP地点を通過したのは出発して5-1=4分後になります。すると、動く歩道で歩いているときの太郎君の分速は400÷4=100 動く歩道の分速は 100-60=40

<u>答え 毎分40m</u>



左図のようなグラフで考えます。 次郎君が P地点を通過したとき太郎君は $(60+40) \times 1 = 100$ m先を行っていたことになります。また、太郎君と次郎君の距離は毎分 80+40-(60+40) = 20m ずつ縮まっているので、 $100\div 20 = 5$ 分で次郎君は太郎君に追いつくことになります。よって $5\times(80+40)+400=1000$

答え 1000m

- | 15 | 毎年、リーグ代表の2つの野球チームが7試合おこなって優勝を決めます。 ただし、どちらかが4勝すると優勝が決まり、残りの試合はしません。また、 引き分けはありません。今年はAチームとBチームが対戦し、2試合終わって、 Aチームが2勝しました。 このあと、AまたはBチームが優勝するには、どんな場合があるかを考えて、
 - (1) Aチームが4勝2敗で優勝する場合は何通りありますか。

(2) Bチームが優勝する場合は何通りありますか。

| 16 | ある学校の食堂で売られている日替わりミニ弁当は値段が200円で、からになった弁当箱をきれいに洗って10個持っていくとミニ弁当1個と交換してくれます。 田中君はからになった弁当箱を10個ためるとすぐにミニ弁当1個と交換します。 田中君が200回ミニ弁当を食べたときの合計金額を求めなさい。

|15| (解答と解説)

- (1) Aチームが4勝2敗で優勝するということは、Aチームは6試合目で勝って優勝しなければなりません。
 - 1、2試合目でA チームが勝ったということは、A チームは 3 、 4 、 5 試合目のいずれかで 1 回勝てばよいので、3 通りということになります。 (下の表参照)

	1	2	3	4	5	6	
Α							
В	×	×				×	

答え 3 通り

(2) Bチームが優勝するには、4勝2敗か4勝3敗しかありえません。 4勝2敗の場合・・・すでに2敗しているので4連勝するしかありません。 1通り

4勝3敗の場合・・・3、4、5、6試合目のどれかで3回勝たなければなら

		1	2	3	4	5	6	7	
	Α							×	
-	В	×	×						

ないので
$$\frac{4 \times 3 \times 2}{3 \times 2 \times 1} = 4$$
4通り

よって4+1=5

答え 5 通り

|16|(解答と解説)

10個買えば1個もらえます。そのときに9個買えばまた1個もらえます。 さらに9個買えば1個もらえるので、10個、9個、9個、9個・・・と買っていけば1個ずつ順送りになります。9個買った回数を とすると全部買った数よりも 個余分に食べることになるので

+ = 190 …このことから に考えられる最高の数は、

190÷10=19 よって、=0

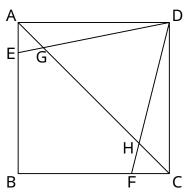
したがって、買った数は 10 + 19 × 9 = 181 ミニ弁当1個の値段は200円なので 181 × 200 = 36200

答え 36200円

- - (1) A, B, Cを5:6:14の割合で混ぜたとき、その濃さは何%になりますか。

(2)(1)でできた食塩水とBの食塩水を5:24の割合で混ぜたとき、その濃さは 13%になりました。Bの濃さは何%ですか。

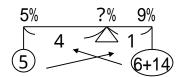
- | 18 | 図の四角形ABCDは1辺の長さが12cmの正方形です。 | AEの長さが3cm、BFの長さが8cmのとき、次の問いに答えなさい。
 - (1) DG:GEの比を、最も簡単な整数の比で表しなさい。



(2) 三角形 D G H の面積を求めなさい。

| |17|(解答と解説)

(1)まず先にBとCを混ぜた濃さを求めます。

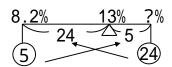


B: C = 6:14 = 3:7 つまりBとCを混ぜた濃さは9%です。 (これは問題に書いてあります。) これにAを加えればいいので

$$5 + (9 - 5) \times \frac{6 + 14}{5 + 6 + 14} = 8.2$$

答え 8.2%

(2)これも天秤算を使って解きます。



$$(13 - 8.2) \times \frac{5}{24} + 13 = 14$$

答え 14%

EG

9

|18|(解答と解説)

(1)右図より、DC:AE=DG:GEなので DC:AE=12:3=4:1=DG:GE

答え 4:1

(2)(1)と同様にDH:HFを求めます。

A C D =
$$12 \times 12 \times \frac{1}{2} = 72$$

D C H =
$$4 \times 12 \times \frac{1}{2} \times \frac{3}{4} = 18$$
 D G A = $12 \times 3 \times \frac{1}{2} \times \frac{4}{5} = 14.4$

D

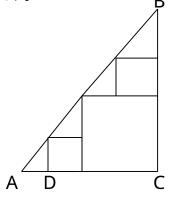
72 - 18 - 14.4 = 39.6

<u>答え 39.6 cm²</u>

| 19 | 時速80kmの列車Aと時速100kmの列車Bが、互いに反対方向から橋にさしかかりました。列車Aと列車Bが出会ってから、列車Aの先頭が列車Bの最後尾とすれちがうまで10秒かかりました。橋の長さは列車Bの長さの2倍です。 列車Bが橋を渡り始めてから、渡り終わるまで何秒かかりましたか。

| 20 | 直角三角形ABCの中に、右の図のような正方形を3個かきました。 | の正方形の1辺の長さは3cmで、ADの長さは2cmです。

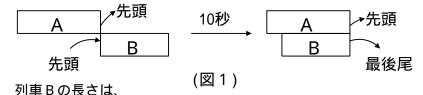
(1) B C の長さは何㎝ですか。



(2)正方形 の1辺の長さは何cmですか。

19 (解答と解説)

列車Aの先頭と列車Bの先頭が出会ってから、列車Aの先頭と列車Bの最後尾がすれちがうまで10秒かかったということは(図1)、



[100(km/時) + 80(km/時)] × 10(秒) = $\frac{180 \times 1000}{60 \times 60}$ (m/秒) × 10(秒) = 500(m)

よって、橋の長さは1000m。



橋を渡るということは、列車の先頭が橋を渡り始めてから、列車の最後尾が橋を渡り終えるまでのことをいいます。よって、列車Bは橋を渡っている間、 1000+500=1500m の距離を走っていることになります。列車Bの秒速は $\frac{160\times1000}{60\times60}=\frac{250}{9}$ m/秒 よって、 $1500\div\frac{250}{9}=1500\times\frac{9}{250}=54$

答え 54秒

20 (解答と解説)

(1)図の中にある直角三角形はすべて たての長さ:横の長さ = 3 : 2の相似です。 右図のように、AC = 2 + 3 + 7.5 = 12.5となるので BC = $12.5 \times \frac{3}{2}$ = 18.75

答え 18.75cm

(2)正方形 の一辺の長さを とすると、

$$\times \frac{2}{3} + = 7.5$$

 $(\frac{5}{3}) = 7.5$ = 4.5
答え 4.5 cm

